

www.pc-lycee.com

الكفايات المستهدفة:

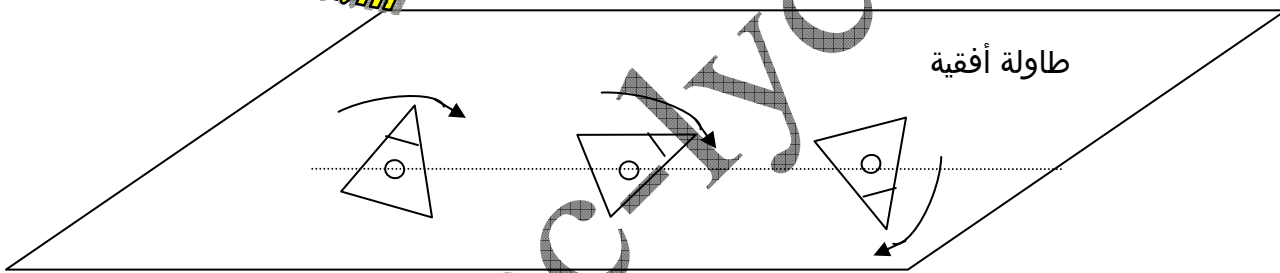
- ❖ تعريف الجسم الشبه معزول والجسم المعزول ميكانيكيا.
- ❖ معرفة نص مبدأ القصور واستغلاله.
- ❖ استغلال تسجيل لتحديد مركز قصور مجموعة جسمين صليين.
- ❖ معرفة العلاقة المرجحية و تطبيقها لتحديد مركز قصور مجموعة.

تساؤلات يجب التفكير فيها قبل بداية الدرس:

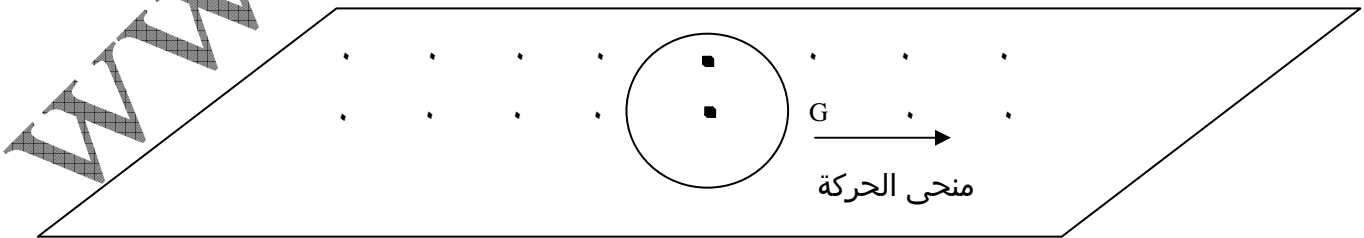
- أ- نعتبر كرة حديدية في حركة على مستوى أفقي، أجرد القوى المطبقة عليها ، ما هي القوة المسؤولة عن إيقافها بعد قطع مسافة معينة؟
- ب- هل يمكن لسيارة ان تسير في منعطف طريق مكسوة بالجليد ؟
- ت- إذا كانت سيارة متوقفة على مستوى جليدي أفقي ،هل يمكن أن تنطلق في حركة ؟
- ث- أثناء كبح فرامل حافلة ، لماذا يتحرك الركاب نحو الأمام ؟

1- تجارب :

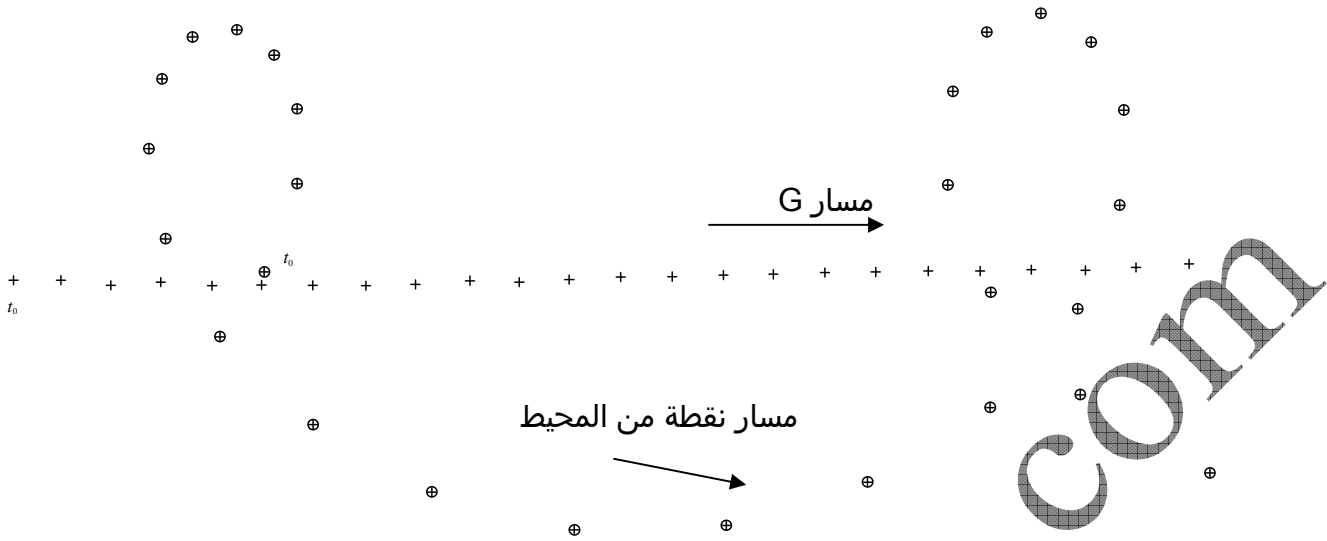
التجربة 1: نرسل جسما صلبا مثلثا على طاولة أفقية.



التجربة 2: نرسل حاملا ذاتيا في حركة إزاحة على طاولة أفقية ونسجل حركتي نقطة على المحور الرأسي المار من مركز ثقله ونقطة من محيطه .



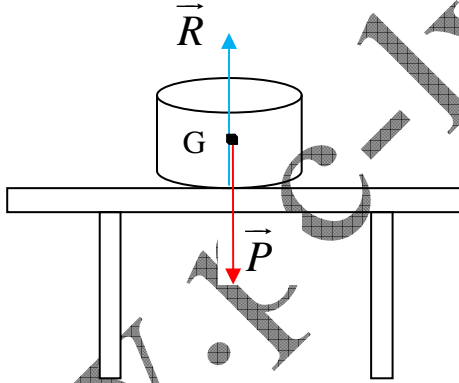
التجربة 3 : نرسل حاملا ذاتيا في حركة أيا كانت على طاولة أفقية ونسجل حركتي النقطتين السابقتين.



www.pc-lycee.com

ملاحظات :

- في كل من التجارب الثلاث ، الجسم المتحرك يوجد تحت تأثير قوتين متعاكستين : \vec{P} وزنه \vec{R} تأثير سطح الطاولة الأفقية. إذن $\vec{P} + \vec{R} = \vec{0}$.



Mohammed Sobhi

- في كل الحالات ، نقطة واحدة تكون حركتها مستقيمة منتظمة ، إنها مركز ثقل الجسم.
-2 مبدأ القصور :

1-2 المجموعة المعزولة أو شبه معزولة :

نقول إن مجموعة ما معزولة إذا كانت غير معرضة لأي من القوى الخارجية . (مفهوم يبقى نظريا لأنه لا يوجد جسم في الكون غير معرض لأي قوة)

نقول إن مجموعة ما شبه معزولة إذا كان المجموع المتجهي للقوى المطبقة عليها منعدم : $\sum \vec{F} = \vec{0}$.
مثال : حامل ذاتي على طاولة أفقية.

2-3 نص مبدأ القصور ، مركز القصور :

إذا كان جسم صلب في معلم ما شبه معزول ، فإنه لا يمكن أن يكون إلا في إحدى الحالتين التاليتين :
• إذا كان ساكنا، فإنه سيبقى في حالة سكون .

- إذا كان في حركة ، فإن نقطة واحدة منه على الأقل تكون في حركة مستقيمة منتظمة.
هذه النقطة تسمى مركز قصور الجسم.
يتطابق مركز القصور مع مركز الثقل.
4-2 المعلم غاليلي :
هو كل معلم يطبق فيه مبدأ القصور.
أمثلة :

سيارة متوقفة أو في حركة مستقيمة منتظمة تمثل معلما غاليليا.
السيارة أثناء الانطلاق تكون سرعتها في تزايد، وعند تشغيل الفرامل تتناقص سرعتها تدريجيا :
في كلتي الحالتين ، تمثل السيارة معلما غير غاليلي.

5-2 استعمال مبدأ القصور:

- في معلم أرضي ، وهو معلم نعتبره غاليليا، إذا كان جسم صلب ساكن أو كان مركز قصوره في حركة مستقيمة منتظمة $v_G = Cste$ ، فإن المجموع المتجهي للقوى المطبقة عليه منعدم، والعكس صحيح.

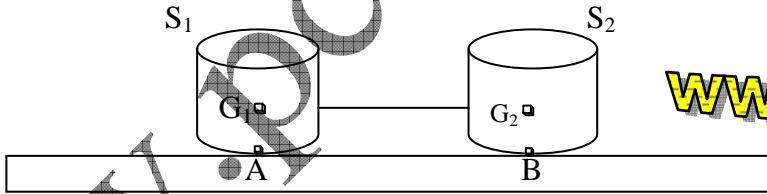
$$\sum_{i=1}^n \vec{F}_i = \vec{0} \Leftrightarrow \vec{v}_G = \overrightarrow{Cste}$$

- إذا كانت حركة مركز قصور جسم صلب غير مستقيمة أو متجهة سرعته تتغير (الاتجاه أو المنظم)، فإن المجموع المتجهي للقوى المطبقة عليه غير منعدم.

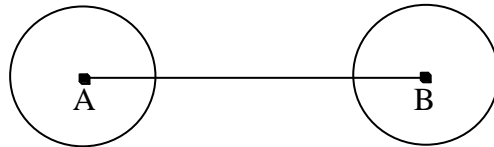
3- تحديد مركز الكتلة لمجموعة مادية :

التجربة الأولى : جسمان صلبان مرتبطان بساق بدون كتلة :

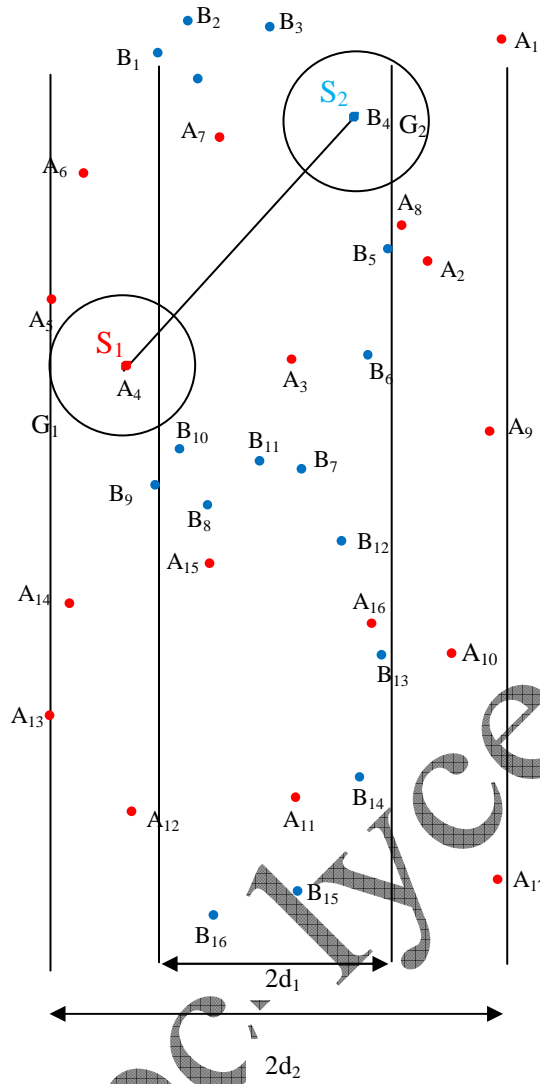
حاملان ذاتيان S_1 و S_2 كتلتاهما m_1 و m_2 يكونان مجموعة S كتلتها $m = m_1 + m_2$.
 $m_2 = 1200g$ ، $m_1 = 600g$.



نرسل المجموعة على طاولة أفقية ونسجل حركة مفجري كل من A و B .



تسجيل وضعيتي المفجرين A و B يحدد في نفس الوقت حركة كل من G_1 و G_2 مركزي كتلة S_1 و S_2 .
نحدد على التسجيل النقطة G مركز قصور المجموعة S وطبيعة حركته.



المجموعة S شبه معزولة، حركة مركز قصورها مستقيمة منتظمة. يجب إذن تحديد المستقيم Δ مسار G مركز كتلة S.

صل بخط منحني النقط A_1, A_2, \dots, A_{17} و B_1, B_2, \dots, B_{16} .

أثناء الحركة، نلاحظ أن كلا من G_1 و G_2 يقوم بحركة دائرية حول G.

ليكن G مركز قصور المجموعة S.

مسارا G_1 و G_2 منحنيان والمسافات $d_1 = GG_1$ و $d_2 = GG_2$ تبقى ثابتة. G_1 ينتقل في مجال عرضه $2d_1$ و G_2 في مجال عرضه $2d_2$. على التسجيل، نقيس القيم التالية $2d_1 = 3\text{cm}$ ، $2d_2 = 6\text{cm}$.

$$\text{نلاحظ أن : } \frac{m_1}{m_2} = 0,5 \text{ و } \frac{2d_2}{2d_1} = \frac{3}{6} = 0,5 \text{ أي } \frac{2d_2}{2d_1} = \frac{m_1}{m_2}$$



$$\text{إذن } m_1 \cdot d_1 = m_2 \cdot d_2 \text{ و } m_1 \cdot GG_1 = m_2 \cdot GG_2$$

G ينتمي للقطعة G_1G_2 ، المتجهان $\overrightarrow{GG_1}$ و $\overrightarrow{GG_2}$ متعاكستان ولهما نفس الاتجاه ، نستنتج العلاقة المتجهية :

$$m_1 \cdot \overrightarrow{GG_1} + m_2 \cdot \overrightarrow{GG_2} = \vec{0} \text{ وبالتالي } m_1 \cdot \overrightarrow{GG_1} = -m_2 \cdot \overrightarrow{GG_2}$$

نعتبر O نقطة أيا كانت من الفضاء :

www.pc-lycee.com

$$\begin{cases} \overrightarrow{GG_1} = \overrightarrow{GO} + \overrightarrow{OG_1} \\ \overrightarrow{GG_2} = \overrightarrow{GO} + \overrightarrow{OG_2} \end{cases} \Rightarrow m_1(\overrightarrow{OG_1} - \overrightarrow{OG}) + m_2(\overrightarrow{OG_2} - \overrightarrow{OG}) = \vec{0}$$

$$\boxed{(m_1 + m_2) \cdot \overrightarrow{OG} = m_1 \cdot \overrightarrow{OG_1} + m_2 \cdot \overrightarrow{OG_2}} \quad \text{نستنتج :}$$

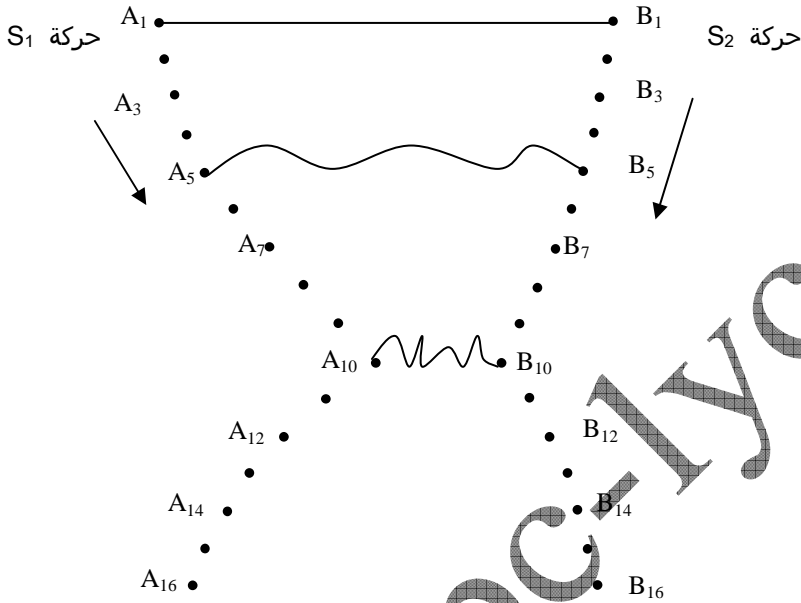
النقطة G تمثل إذن مركز الكتلة ، مركز الثقل ومركز القصور.

يمكن تعميم هذه العلاقة على مجموعة مكونة من عدة أجسام : $(m_1 + m_2 + \dots) \cdot \overrightarrow{OG} = m_1 \cdot \overrightarrow{OG_1} + m_2 \cdot \overrightarrow{OG_2} + \dots$

التجربة الثانية : حاملان ذاتيان مرتبطان بخيط قابل للامتداد :

نرسل فوق طاولة أفقية حاملان ذاتيان مرتبطان بخيط قابل للامتداد ، نسمي S المجموعة كتلتها $m_1 + m_2$. نسجل

حركة كل من G_1 و G_2 . نحصل على التسجيل التالي :



Mohammed Sobhi

البحث عن مسار G :

$$m_1 \cdot \overrightarrow{GG_1} + m_2 \cdot \overrightarrow{GG_2} = \vec{0}$$

نستعمل العلاقة المرجحية نحدد المواضع C_i إسقاط النقطة G على الطاولة بالنسبة لكل موضع للنقطتين A_i و B_i كالتالي :

$$A_i C_i + C_i B_i = A_i B_i$$

$$m_1 A_i C_i = m_2 C_i B_i \Rightarrow \frac{A_i C_i}{C_i B_i} = \frac{m_2}{m_1} = \frac{1,4}{0,7} = 2 \Rightarrow A_i C_i = 2 C_i B_i \quad \text{من العلاقة المرجحية :}$$

$$2 C_i B_i + C_i B_i = A_i B_i \Rightarrow 3 C_i B_i = A_i B_i \quad \text{نعوض } A_i C_i \text{ بـ } 2 C_i B_i \text{ في العلاقة السابقة :}$$

$$\Rightarrow \boxed{C_i B_i = \frac{A_i B_i}{3}}$$

نحدد C_1 كالتالي : $A_1 B_1 = 2 \text{ cm}$ ، $C_1 B_1 = \frac{A_1 B_1}{3} = 2 \text{ cm}$ ثم نضع النقطة C_1 بحيث تبعد عن النقطة B_1 بالمسافة

2 cm على القطعة $A_1 B_1$. ثم نحدد باقي النقط بنفس الطريقة ونمثلها على الشكل .

استنتاج : حركة مركز القصور G مستقيمة منتظمة .

www.pc-lycee.com